

Para resolver cada uno de los apartados se ha de realizar el cociente e imponer la condición que aparece en el mismo, teniendo en cuenta las siguientes consideraciones:

- Un **número complejo** es un número de la forma  $a+bi$ , donde  $a$  y  $b$  son números reales, llamados **parte real** y **parte imaginaria** respectivamente, e  $i$  es la **unidad imaginaria** que se define como  $i = \sqrt{-1}$ .
- Se dice que dos números complejos son **iguales** si lo son sus partes reales y sus partes imaginarias. Es decir,  $a+bi = c+di$  si se verifica  $a = c$  y  $b = d$ .
- El hecho de que dado cualquier número complejo no nulo exista su elemento inverso permite definir la **división** en  $\mathbb{C}$  como:

$$(a+bi):(c+di) = (a+bi).(c+di)^{-1} = (a+bi).\left(\frac{c}{c^2+d^2} - \frac{d}{c^2+d^2}i\right) = \frac{ac+bd}{c^2+d^2} + \frac{bc-ad}{c^2+d^2}i, \text{ si } c+di \neq 0$$

En la práctica, para calcular  $(a+bi):(c+di) = \frac{a+bi}{c+di}$ , basta multiplicar el numerador y el denominador por el conjugado del denominador y realizar operaciones:

$$\frac{a+bi}{c+di} = \frac{(a+bi)(c-di)}{(c+di)(c-di)} = \frac{(ac+bd)+(-ad+bc)i}{(c^2+d^2)+(-cd+dc)i} = \frac{(ac+bd)+(-ad+bc)i}{c^2+d^2} = \frac{ac+bd}{c^2+d^2} + \frac{bc-ad}{c^2+d^2}i$$

Ejemplo 8:

$$a) \quad (11+10i):(1+4i) = \frac{11+10i}{1+4i} = \frac{(11+10i)(1-4i)}{(1+4i)(1-4i)} = \frac{11-44i+10i-40i^2}{1-16i^2} = \frac{51-34i}{17} = 3-2i$$

$$b) \quad (-3+7i)^{-1} = \frac{1}{-3+7i} = \frac{1(-3+7i)}{(-3+7i)(-3-7i)} = \frac{-3+7i}{9-49i^2} = \frac{-3+7i}{58} = \frac{-3}{58} + \frac{7}{58}i$$