CURSO BÁSICO DE MATEMÁTICAS PARA ESTUDIANTES DE ECONÓMICAS Y EMPRESARIALES

Unidad didáctica 5. Geometría en el plano

Autoras: Gloria Jarne, Esperanza Minquillón, Trinidad Zabal

Otras ecuaciones de una recta

Una recta viene determinada por "un punto y un vector direccional", por "dos puntos distintos" o por "un punto y la pendiente". Veamos a continuación como, a partir de estas distintas formas de determinación, se puede escribir su ecuación.

- Ecuación de la recta que pasa por el punto (x₀, y₀) y es paralela al vector no nulo (a, b)
 - Si a y b son números reales no nulos la ecuación es $\frac{x-x_0}{a} = \frac{y-y_0}{b}$
 - Si a = 0 la ecuación de la recta es $x = x_0$, ya que es una recta en la dirección del vector (0, b), es decir, vertical.
 - Si b = 0 la ecuación de la recta es $y = y_0$, ya que es una recta en la dirección del vector (a, 0), es decir, horizontal.

Ejemplo 4: La ecuación de la recta que pasa por el punto (4, -2) y es paralela al vector (1, 5) es $\frac{x-4}{1} = \frac{y+2}{5}$

• Ecuación de la recta que pasa por dos puntos distintos (x_0, y_0) y (x_1, y_1)

$$\frac{x - x_0}{x_1 - x_0} = \frac{y - y_0}{y_1 - y_0}$$

Nótese que si algún denominador es cero la ecuación de la recta se obtiene igualando el numerador correspondiente a cero, por la misma causa que en el apartado anterior.

Ejemplo 5:

- a) La ecuación de la recta que pasa por los puntos (4, -2) y (-1, 3) es $\frac{x-4}{-1-4} = \frac{y+2}{3+2}$
- b) La ecuación de la recta que pasa por los puntos (0, -2) y (6, -2) viene dada por $\frac{x-0}{6-0} = \frac{y+2}{-2+2}$, pero al ser cero el denominador de la segunda fracción, la ecuación de la recta es y + 2 = 0, es decir, y = -2.
- Ecuación de la recta que pasa por el punto (x_0, y_0) y tiene por pendiente m

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

Ejemplo 6: La ecuación de la recta que pasa por el punto (1, -4) y tiene por pendiente 2 es y + 4 = 2(x - 1)

En ocasiones es interesante considerar la ecuación de una recta como una función, para ello se considera la **ecuación explícita**, con la variable y despejada, que tiene la forma y = mx + b, donde m es la pendiente y b la ordenada para x = 0. Esta ecuación explícita no existe para rectas verticales, es decir, para rectas cuya ecuación general es de la forma x = k, con k un número real. Nótese que estas rectas tienen la inclinación igual a 90° y la pendiente es infinito (o no existe).

Para representar gráficamente una recta, lo más sencillo es obtener dos puntos que pertenezcan a ella.

Ejemplo 7: Dada la recta 3x - 2y = 8 los puntos que se obtienen para x = 0 y x = 2 son (0, -4) y (2, -1), por tanto, su gráfica es

CURSO BÁSICO DE MATEMÁTICAS PARA ESTUDIANTES DE ECONÓMICAS Y EMPRESARIALES

Unidad didáctica 5. Geometría en el plano

Autoras: Gloria Jarne, Esperanza Minguillón, Trinidad Zabal

