

ELIPSE

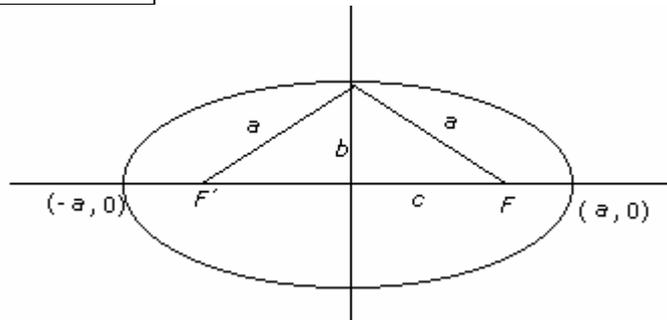
Una **elipse de focos F y F'** , puntos fijos del plano, es el conjunto de puntos cuya suma de distancias a los focos es igual a una constante.

Si se colocan los focos en puntos del eje OX simétricos respecto del origen, $F = (c, 0)$ y $F' = (-c, 0)$, y se representa por $2a$ la suma de las distancias a los focos se obtiene la *ecuación reducida* de la elipse procediendo como sigue:

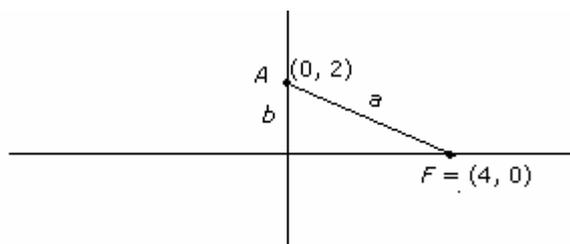
El punto $X = (x, y)$ del plano pertenecerá a la elipse si verifica $d(X, F) + d(X, F') = 2a$, es decir, si $\sqrt{(x - c)^2 + y^2} + \sqrt{(x + c)^2 + y^2} = 2a$.

Realizando operaciones, se obtiene $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - c^2} = 1$ y denotando $a^2 - c^2 = b^2$ la ecuación reducida

de la elipse se escribe $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$



Ejemplo 2: Escribir la ecuación de la elipse de focos $F = (4, 0)$ y $F' = (-4, 0)$, que pasa por el punto $A = (0, 2)$.



Para determinar la ecuación de la elipse $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, como en este ejemplo se conoce el punto de corte de la elipse con el eje de ordenadas, se sabe que $b=2$ y se puede calcular $a = d(A, F) = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$.

Por tanto, la ecuación es $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{4} = 1$