

## ELIPSE

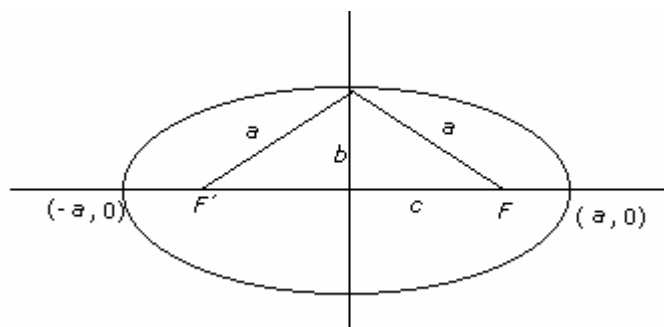
Una **elipse de focos  $F$  y  $F'$** , puntos fijos del plano, es el conjunto de puntos cuya suma de distancias a los focos es igual a una constante.

Si se colocan los focos en puntos del eje  $OX$  simétricos respecto del origen,  $F = (c, 0)$  y  $F' = (-c, 0)$ , y se representa por  $2a$  la suma de las distancias a los focos se obtiene la *ecuación reducida* de la elipse procediendo como sigue:

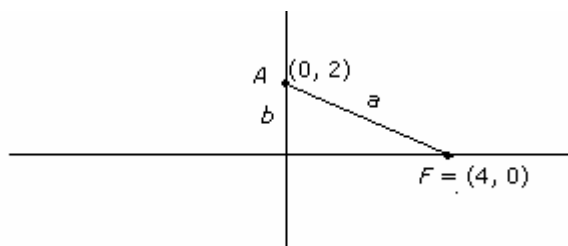
El punto  $X = (x, y)$  del plano pertenecerá a la elipse si verifica  $d(X, F) + d(X, F') = 2a$ , es decir, si  $\sqrt{(x - c)^2 + y^2} + \sqrt{(x + c)^2 + y^2} = 2a$ .

Realizando operaciones, se obtiene  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2 - c^2} = 1$  y denotando  $a^2 - c^2 = b^2$  la ecuación reducida

de la elipse se escribe  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$



Ejemplo 2: Escribir la ecuación de la elipse de focos  $F = (4, 0)$  y  $F' = (-4, 0)$ , que pasa por el punto  $A = (0, 2)$ .



Para determinar la ecuación de la elipse  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ , como en este ejemplo se conoce el punto de corte de la elipse con el eje de ordenadas, se sabe que  $b=2$  y se puede calcular  $a = d(A, F) = \sqrt{4^2 + 2^2} = \sqrt{16 + 4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ .

Por tanto, la ecuación es  $\frac{x^2}{20} + \frac{y^2}{4} = 1$