

## Método de reducción

Consiste en sustituir una de las ecuaciones del sistema  $\begin{cases} f(x, y) = 0 \\ g(x, y) = 0 \end{cases}$  por la ecuación  $tf(x, y) + sg(x, y) = 0$  con  $t, s$  números reales no nulos. El nuevo sistema obtenido es equivalente al inicial y por ello con igual solución.

Teniendo en cuenta lo anterior, el método de reducción se basa en elegir  $t$  y  $s$  de forma que la ecuación  $tf(x, y) + sg(x, y) = 0$  permita o bien calcular los valores de una de las incógnitas, o bien obtener una relación sencilla entre las dos incógnitas.

Ejemplo 5: Resolver el sistema  $\begin{cases} 2x - 5y - 1 = 0 \\ 3x + 2y + 8 = 0 \end{cases}$

Para obtener una ecuación sin la incógnita  $x$  se multiplica la primera ecuación por 3, la segunda por -2 y se suman quedando

$$\begin{array}{r} 6x - 15y - 3 = 0 \\ \underline{-6x - 4y - 16 = 0} \\ -19y - 19 = 0 \end{array}$$

La nueva ecuación obtenida es  $-19y - 19 = 0$  y sustituyendo la segunda ecuación por ella se obtiene el sistema  $\begin{cases} 2x - 5y - 1 = 0 \\ -19y - 19 = 0 \end{cases}$  que es equivalente al inicial.

Despejando  $y$  de la segunda ecuación obtenemos  $y = -1$  y sustituyendo en la primera ecuación queda  $2x + 5 - 1 = 0$  y por lo tanto  $x = -2$ . Luego la solución del sistema es  $(-2, -1)$ .

Ejemplo 6: Resolver el sistema  $\begin{cases} -8x + 8y + x^3 = 0 \\ 8x - 8y + y^3 = 0 \end{cases}$

Para obtener una relación más sencilla entre las incógnitas sumamos las dos ecuaciones quedando  $y^3 + x^3 = 0$ . El sistema  $\begin{cases} -8x + 8y + x^3 = 0 \\ y^3 + x^3 = 0 \end{cases}$  es equivalente al dado y para resolverlo despejamos  $y^3$  de la segunda ecuación obteniéndose  $y^3 = -x^3$ , y por lo tanto,  $y = -x$ .

Al sustituir este resultado en la primera ecuación se obtiene  $-16x + x^3 = 0$ , es decir,  $x(-16 + x^2) = 0$ .

Al resolver esta ecuación se obtiene  $x = 0$  y  $(-16 + x^2) = 0$ , por lo tanto,  $x = 0$ ,  $x = \sqrt{16} = 4$  y  $x = -\sqrt{16} = -4$ .

Hallando los correspondientes valores de  $y$  se obtienen las soluciones del sistema que son  $(0, 0)$ ,  $(4, -4)$ ,  $(-4, 4)$ .